

(4) 1

$[]$: / (cons vs)

(35) A Com tipos.

Defina os: Nat, List, map, filter, fold, curry, uncurry.
DEFINIÇÕES.

$Nat :: Type$ ✓ $data Nat = 0 S n$	$list :: Type \rightarrow Type$ <i>quem é?</i> $data list \alpha = Nil Cons \alpha (list \alpha)$	$uncurry :: (\alpha \rightarrow \beta \rightarrow \gamma) \rightarrow \alpha \rightarrow \beta \rightarrow \gamma$ $uncurry f x y = (f x y)$ ✗
$map :: (\alpha \rightarrow \beta) \rightarrow list \alpha \rightarrow list \beta$ $map _ [] = []$ ✓ $map f (x:xs) = (f x) : map f xs$	$filter :: (\alpha \rightarrow Bool) \rightarrow list \alpha \rightarrow list \alpha$ $filter _ [] = []$ $filter p (x:xs) p x = x : (filter p xs)$ ✓ $otherwise = filter p xs$	
$fold :: (\alpha \rightarrow \alpha \rightarrow \alpha) \rightarrow \alpha \rightarrow list \alpha \rightarrow \alpha$ $fold _ i [] = i$ $fold f i (x:xs) = f x (fold f i xs)$ ✓	$curry :: (\alpha, \beta) \rightarrow \alpha \rightarrow \beta$ $curry (x,y) = y \circ x$ ✗	

(32) B Sem tipos.

Escolha até 4 das funções da primeira página para definir. É proibido usar list comprehension. Veja bem os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.
DEFINIÇÕES.

<i>Escolha: zip, zipWith, countdown, pairs</i> $zip [] _ = []$ ✓ $zip _ [] = []$ ✓ $zip (x:xs) (y:ys) = (x,y) : (zip xs ys)$	$zipWith _ [] _ = []$ ✓ $zipWith _ _ [] = []$ ✓ $zipWith f (x:xs) (y:ys) = (f x y) : (zipWith f xs ys)$
$pairs (a:b:_) = (a,b) : (pairs (b:_))$ ✓ $pairs _ = []$	$countdown 0 = [0]$ $countdown (S n) = (S n) : countdown n$ ✓

(12) C

Defina zip em termos da zipWith e zipWith em termos da zip.

$zip = zipWith (_ x \rightarrow (_ y \rightarrow (x,y)))$ <i>(,)</i>	$zipWith f = (\text{map } (_ (x,y) \rightarrow f x y)) \circ zip xs$ <i>uncurry f</i>
---	---

(21) D

Considere o tipo `Int` dado, junto com suas operações.

- (7) D1. Defina um tipo de dados `ArEx` para representar expressões de aritmética de inteiros formadas apenas pelas operações binárias (+) e (·) e a operação unária (-_).

$\begin{aligned} \text{data Op} = & \\ \text{BinOp} &:: (\text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow \text{Int}) \rightarrow \text{Op} \\ \text{UnOp} &:: (\text{Int} \rightarrow \text{Int}) \rightarrow \text{Op} \end{aligned}$ <p>↑ assim vai permitir arbitrárias ops (seu tipo vai ter 11x0)</p>	$\begin{aligned} \text{data ArEx} = & \\ \text{BinEx} &:: (\text{ArEx} \rightarrow \text{ArEx} \rightarrow \text{BinOp}) \rightarrow \text{ArEx} \\ \text{UnEx} &:: (\text{ArEx} \rightarrow \text{UnOp}) \rightarrow \text{ArEx} \\ \text{IntEx} &:: \text{Int} \rightarrow \text{ArEx} \end{aligned}$ <p>(complicou demais)</p>
--	---

- (7) D2. Defina uma função `eval` de `evaluate` que dada uma expressão aritmética de inteiros retorna seu valor-resultado.

$$\begin{aligned} \text{eval} &:: \text{ArEx} \rightarrow \text{Int} \\ \text{eval} (\text{IntEx } n) &= n \quad \checkmark \\ \text{eval} (\text{UnEx } x \text{ op}) &= \text{op} (\text{eval } x) \quad \checkmark \\ \text{eval} (\text{BinEx } l \text{ r } \text{ op}) &= \text{op} (\text{eval } l) (\text{eval } r) \quad \checkmark \end{aligned}$$

- (7) D3. Defina uma função `height` que retorna a altura da árvore sintática da sua entrada.

$$\begin{aligned} \text{height} &:: \text{ArEx} \rightarrow \text{Int} \\ \text{height} (\text{IntEx } n) &= 0 \\ \text{height} (\text{UnEx } x \text{ } _) &= \text{height } x + 1 \\ \text{height} (\text{BinEx } l \text{ r } \text{ } _) &= \max (\text{height } l) (\text{height } r) + 1 \quad \checkmark \end{aligned}$$

auxiliar:

$$\begin{aligned} \text{max} &:: \text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow \text{Int} \\ \text{max } a \text{ } b &= \text{if } a > b \text{ then } a \text{ else } b \end{aligned}$$

↓
?

Só isso mesmo.

(35) A

Defina os: Nat, List, map, filter, fold, curry, uncurry.

DEFINIÇÕES.

Data Nat 0 : Nat ✓ S : Nat → Nat	Data List α Nil : List α ✓ Cons : α → List α → List α
Curry: $((\alpha, \beta) \rightarrow \gamma) \rightarrow (\alpha \rightarrow \beta \rightarrow \gamma)$ ✓ Curry (a, b) c = (a) b c ✗	
Uncurry: $(\alpha \rightarrow \beta \rightarrow \gamma) \rightarrow ((\alpha, \beta) \rightarrow \gamma)$ ✓ Uncurry b c = (a, b) c ✗	
filter :: $(\alpha \rightarrow \text{Bool}) \rightarrow \text{List } \alpha \rightarrow \text{List } \alpha$ ✓ filter p [] = [] filter p (x::xs) = if Px then x::(filter p xs) else filter p xs ✓	

(32) B

ev [1, 2]
ev 2
2 :: []

Escolha até 4 das funções da primeira página par definir. É proibido usar list comprehension. Veja bem os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.

DEFINIÇÕES.

(+) n 0 = n ✓ (+) n (S m) = S (+ n m)	(*) n (S 0) = n ✓ (*) n (S m) = (+ n) (* n m)
odd (S 0) = True ✓ odd 0 = False ✓ odd (S (S n)) = odd n } weird order	Len [] = 0 ✓ Len (x::xs) = S (len xs)

(12) C

Defina zip em termos da zipWith e zipWith em termos da zip.

zipw f [] [] = [] zipw f (x::xs) (y::ys) = f x y :: zip xs ys	zip [a] [] = [a] zip (x::xs) (y::ys) = zipw
--	--

type errors!

(21) D

Considere o tipo `Int` dado, junto com suas operações.

- (7) D1. Defina um tipo de dados `ArEx` para representar expressões de aritmética de inteiros formadas apenas pelas operações binárias $(+)$ e (\cdot) e a operação unária $(-_)$.

```
Typeclass ArEx Int
  (+) : Int -> Int -> Int
  (*) : Int -> Int -> Int
  (-_) : Int -> Int
```

- (7) D2. Defina uma função `eval` de *evaluate* que dada uma expressão aritmética de inteiros retorna seu valor-resultado.

```
eval :: ArEx Int => Int
?
```

- (7) D3. Defina uma função `height` que retorna a altura da árvore sintática da sua entrada.

```
height :: ArEx
```

Só isso mesmo.

(35) A

Defina os: Nat, List, map, filter, fold, curry, uncurry.
DEFINIÇÕES.

\checkmark data Nat where \checkmark 0 : Nat $S : Nat \rightarrow Nat$	$filter : (\alpha \rightarrow Bool) \rightarrow List \alpha \rightarrow List \alpha$ $filter _ [] = []$ $filter p (x::xs) =$ $\boxed{p\ x == True} = x :: (filter\ p\ xs)$ $l.o.w. = filter\ p\ xs$
\checkmark data List α where \checkmark Nil : List α $Cons : \alpha \rightarrow List \alpha \rightarrow List \alpha$	$fold : (\alpha \rightarrow \alpha \rightarrow \alpha) \rightarrow List \alpha \rightarrow \alpha \rightarrow \alpha$ $fold _ [] i = i$ $fold f (x::xs) i = (f\ x)\ (fold\ f\ xs\ i)$ <i>type error</i>
$map : (\alpha \rightarrow \beta) \rightarrow List \alpha \rightarrow List \beta$ $map _ [] = []$ $map f (x::xs) = f\ x :: (map\ f\ xs)$	$curry : (\alpha \times \beta \rightarrow \delta) \rightarrow \alpha \rightarrow \beta \rightarrow \delta$ $curry f a b = f(a,b) \checkmark$ $uncurry : (\alpha \rightarrow \beta \rightarrow \delta) \rightarrow (\alpha \times \beta) \rightarrow \delta$ $uncurry f (a,b) = f\ a\ b \checkmark$

NUNCA !!

por que enfatizar isso?!?!?

(32) B

Escolha até 4 das funções da primeira página par definir. É proibido usar list comprehension.
Veja bem os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.
DEFINIÇÕES.

$countDown : Nat \rightarrow List Nat$ $countDown\ 0 = [0]$ $countDown\ 5n = (5n) :: (countDown\ n)$	$zip : List \alpha \rightarrow List \beta \rightarrow List (\alpha \times \beta)$ $zip (x::xs) (y::ys) = (x,y) :: (zip\ xs\ ys)$ $zip _ _ = []$
$zipWith : (\alpha \rightarrow \beta \rightarrow \delta) \rightarrow List \alpha \rightarrow List \beta \rightarrow List \delta$ $zipWith f la lb = map\ (uncurry\ f)\ (zip\ la\ lb)$	
$pair : List \alpha \rightarrow List (\alpha, \alpha)$ $pair (x::(x'::xs)) = (x,x') :: (pair\ (x'::xs))$ $pair _ = []$	<i>opcionais</i> <i>necessários</i>

(12) C

Defina zip em termos da zipWith e zipWith em termos da zip.

B

(21) D

Considere o tipo `Int` dado, junto com suas operações.

- (7) D1. Defina um tipo de dados `ArEx` para representar expressões de aritmética de inteiros formadas apenas pelas operações binárias $(+)$ e (\cdot) e a operação unária $(-)$.

```
data ArEx where
  Bop : (Int -> Int -> Int) -> ArEx -> ArEx -> ArEx
  Uop : (Int -> Int) -> ArEx -> ArEx
  Num : Int -> ArEx
  Nil : ArEx
```

- (7) D2. Defina uma função `eval` de *evaluate* que dada uma expressão aritmética de inteiros retorna seu valor-resultado.

```
eval : ArEx -> Int
eval Nil = 0 (por quê?)
eval (Num n) = n
eval (Uop n) = Uop n
eval (Bop n m) = Bop n m
```

este construtor não era binário?
e este ternário?

- (7) D3. Defina uma função `height` que retorna a altura da árvore sintática da sua entrada.

```
height : ArEx -> Nat
height Nil = 0
height (Num _) = 1
height (Uop _) = 1
height (Bop l r) = 1 + (max (height l) (height r))

max : ArEx -> ArEx -> ArEx
max a Nil = a
max Nil a = a
max (Num _) a = a
max a (Num _) = a
...
Putz, acabou no espaço ó
```

grrr...

Só isso mesmo.

(35) A

Defina os: Nat, List, map, filter, fold, curry, uncurry.
DEFINIÇÕES.

DATA NAT
 0 : NAT
 S : NAT → NAT
~~0 = zero~~
~~S n = sn~~
~~S n = S n~~

DATA LISTE $\alpha \rightarrow \text{LIST } \alpha \rightarrow \text{LIST } \alpha$
 NIL = []
 CONS (x:xs) = x :: CONS xs
 ?
 X

DATA MAP $(\alpha \rightarrow \beta) \rightarrow \text{LIST } \alpha \rightarrow \text{LIST } \beta$
~~MAP F [] = []~~
~~MAP F (x:xs) = Fx :: MAP F xs~~
 MAP F [] = []
 MAP F (x:xs) = Fx :: MAP F xs ✓

FILTER : $(\alpha \rightarrow \text{Bool}) \rightarrow \text{LIST } \alpha \rightarrow \text{LIST } \alpha$
 FILTER P [] = []
 FILTER P (x:xs) | P x = x :: FILTER P xs ✓
 | OTHERWISE = FILTER P xs

FOLD : $\alpha \rightarrow (\alpha \rightarrow \alpha \rightarrow \alpha) \rightarrow \text{LIST } \alpha \rightarrow \alpha$
 FOLD f b [] = b ✓
 FOLD f b (x:xs) = x `b` (FOLD f b xs)

CURRY : $(\alpha \times \alpha \rightarrow \alpha) \rightarrow (\alpha \rightarrow \alpha \rightarrow \alpha)$
~~f a b = f (a,b)~~
 f(a,b) = f a b ?

UNCURRY : $(\alpha \rightarrow \alpha \rightarrow \alpha) \rightarrow (\alpha \times \alpha \rightarrow \alpha)$
~~f a b = f (a,b)~~
 f a b = f(a,b) X

(32) B

Escolha até 4 das funções da primeira página para definir. É proibido usar list comprehension. Veja bem os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.
DEFINIÇÕES.

COUNTDOWN ~~0 = []~~ COUNTDOWN 0 = ~~0~~ [0] type error
 COUNTDOWN n = n :: COUNTDOWN n

PAIRS
 PAIRS [] = []
~~PAIRS (x:xs) = (x,y) :: PAIRS xs~~

ZIP
 ZIP [] = []
 ZIP [x] = [x]
 ZIP (x:xs) (y:ys) = (x,y) :: ZIP xs ys

ODD
 ODD 0 = FALSE
 ODD (2n) = EVEN n

EVEN
 EVEN 0 = TRUE
 EVEN (2n) = ODD n

PAIRS
 PAIRS [] = [] ✓
 PAIRS (x:xs) = (x,y) :: PAIRS xs X

(12) C

Defina zip em termos da zipWith e zipWith em termos da zip.

(21) D

Considere o tipo `Int` dado, junto com suas operações.

- (7) **D1.** Defina um tipo de dados `ArEx` para representar expressões de aritmética de inteiros formadas apenas pelas operações binárias $(+)$ e (\cdot) e a operação unária $(-)$.

ArEx :

- (7) **D2.** Defina uma função `eval` de *evaluate* que dada uma expressão aritmética de inteiros retorna seu valor-resultado.

eval : ArEx \rightarrow Int

- (7) **D3.** Defina uma função `height` que retorna a altura da árvore sintática da sua entrada.

height : ArEx \rightarrow Nat

Só isso mesmo.

(35) A

Defina os: Nat, List, map, filter, fold, curry, uncurry.

DEFINIÇÕES.

```

data Nat where
  0 :: Nat
  S :: Nat -> Nat

data List a where
  Empty :: List a
  Cons :: a -> List a -> List a

map :: (a -> b) -> List a -> List b
map f (x : xs) = f x : map f xs
map - [] = []

curry :: (a x b -> c) -> a -> b -> c
curry f a b = f (a,b)

uncurry :: (a -> b -> c) -> a x b -> c
uncurry f (a,b) = f a b

filter :: (a -> Bool) -> List a -> List a
filter - [] = []
filter p (x : xs) = if p x then x : filter p xs
                  else filter p xs

fold :: (a -> a -> a) -> a -> List a -> List a
fold b a (x : xs) = (a 'b' x) : fold b a xs
fold - [] = []

```

estranha escolha de nomes

(32) B

Escolha até 4 das funções da primeira página par definir. É proibido usar list comprehension.

Veja bem os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.

DEFINIÇÕES.

```

zip (x : xs) (y : ys) = (x,y) : zip xs ys
zip - - = []

zipWith f (x : xs) (y : ys) = f x y : zipWith f xs ys

pairs (x : x' : xs) = (x, x') : pairs xs
pairs - = []

subseqs [] = [[]]
subseqs (x : xs) = map (x :) (subseqs xs) # subseqs xs

```

(12) C

Defina zip em termos da zipWith e zipWith em termos da zip.

```

zip = zipWith (\x y -> (x,y))
zipWith f = map (\x y -> f x y) . zip xs

```


1) D

Poderia usar $(:+:)$, $(:*)$ para estes

Considere o tipo `Int` dado, junto com suas operações.

- (7) D1. Defina um tipo de dados `ArEx` para representar expressões de aritmética de inteiros formadas apenas pelas operações binárias $(+)$ e (\cdot) e a operação unária $(-)$.

```
data ArEx where
  (+) :: Int -> ArEx -> ArEx
  (.) :: Int -> ArEx -> ArEx
  (-) :: Int -> ArEx
  Int  :: Int -> ArEx
```

$(2+3) \cdot (7+1)$?

mas não para esse

- (7) D2. Defina uma função `eval` de *evaluate* que dada uma expressão aritmética de inteiros retorna seu valor-resultado.

```
eval :: ArEx -> Int
eval (n + e) = n + (eval e)
eval (n . e) = n * (eval e)
eval (-n) =
  | n >= 0 = 0 - n
  | otherwise = n
```

- (7) D3. Defina uma função `height` que retorna a altura da árvore sintática da sua entrada.

```
height :: ArEx -> Nat
height (Int n) = 0
height (-n) = 0
height (x op e) = S (height e)
```

Só isso mesmo.

$\text{fold} : (A \rightarrow A \rightarrow A) \rightarrow A \rightarrow \text{List } A \rightarrow A$
 $\text{fold } \text{op } i [] = i$
 $\text{fold } \text{op } i (x :: xs) = \text{op } x (\text{fold } \text{op } i xs)$

(35) A

Defina os: Nat, List, map, filter, fold, curry, uncurry.

DEFINIÇÕES.

data Nat where $0 : \text{Nat}$ $S : \text{Nat} \rightarrow \text{Nat}$	$\text{List} : \text{Type} \rightarrow \text{Type}$ $\text{data List } A \text{ where}$ $[] : \text{List } A$ $(::) : A \rightarrow \text{List } A \rightarrow \text{List } A$	$\text{curry} : (A \times B \rightarrow C) \rightarrow (A \rightarrow B \rightarrow C)$ $\text{curry } f \ a \ b = f(a,b)$
$\text{map} : (A \rightarrow B) \rightarrow \text{List } A \rightarrow \text{List } B$ $\text{map } _ [] = []$ $\text{map } f (x :: xs) = f x :: (\text{map } f xs)$	$\text{filter} : (A \rightarrow \text{Bool}) \rightarrow \text{List } A \rightarrow \text{List } A$ $\text{filter } _ [] = []$ $\text{filter } p (x :: xs) =$ if $p x$ then $x :: (\text{filter } p xs)$ else $\text{filter } p xs$	
$\text{uncurry} : (A \rightarrow B \rightarrow C) \rightarrow (A, B) \rightarrow C$ $\text{uncurry } f (a,b) = f a b$		

(32) B

Escolha até 4 das funções da primeira página para definir. É proibido usar list comprehension. Veja bem os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.

DEFINIÇÕES.

$\text{pairs } [] = []$ $\text{pairs } (x :: xs) = [(x,x)] \# \text{pairs } xs$	$\text{countDown } 0 = []$ $\text{countDown } (S m) = [S m] \# \text{countDown } m$
$\text{zip } (x :: xs) (y :: ys) = [(x,y)] \# \text{zip } xs ys$ $\text{zip } _ _ = []$	$S n ::$
$\text{zipWith } \text{op} = (\text{map } \text{op}) \cdot \text{zip}$	

(12) C

Defina zip em termos da zipWith e zipWith em termos da zip.

$\text{zipWith } \text{op} = (\text{map } \text{op}) \cdot \text{zip}$	$\text{zip} = \text{zipWith } \text{pair}$
--	--

$\text{pair} : A \rightarrow B \rightarrow (A, B)$

$\text{pair } a \ b = (a, b)$

(21) D

Considere o tipo `Int` dado, junto com suas operações.

- (7) D1. Defina um tipo de dados `ArEX` para representar expressões de aritmética de inteiros formadas apenas pelas operações binárias $(+)$ e (\cdot) e a operação unária $(-)$.

Data `ArEX` where
 $\text{Uni} : \text{Int} \rightarrow \text{ArEX}$
 $\text{Inv} : \text{Int} \rightarrow \text{ArEX}$ (como aninhar?)
 $\text{Add} : \text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow \text{ArEX}$
 $\text{Mul} : \text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow \text{ArEX}$

- (7) D2. Defina uma função `eval` de *evaluate* que dada uma expressão aritmética de inteiros retorna seu valor-resultado.

$\text{eval} : \text{ArEX} \rightarrow \text{Int}$
 $\text{eval } \text{Uni } z = z$
 $\text{eval } (\text{Inv } z) = -(\text{eval } z)$
 $\text{eval } (\text{Add } z z') = \text{eval } z + \text{eval } z'$
 $\text{eval } (\text{Mul } z z') = \text{eval } z \cdot \text{eval } z'$

- (7) D3. Defina uma função `height` que retorna a altura da árvore sintáctica da sua entrada.

$\text{height} : \text{ArEX} \rightarrow \text{Nat}$
 $\text{height } (\text{Uni } _) = 0$
 $\text{height } (\text{Inv } z) = 50 + \text{height } z$
 $\text{height } (\text{Add } z z') = 5(\max(\text{height } z, \text{height } z'))$
 $\text{height } (\text{Mul } z z') = 5(\max(\text{height } z, \text{height } z'))$

$\text{max} : (\text{Nat}, \text{Nat}) \rightarrow \text{Nat}$

$\text{max } (0, n) = n$

$\text{max } (n, 0) = n$

$\text{max } (5n, 5m) = 5(\text{max } (n, m))$

Só isso mesmo.

(35) A

Defina os: Nat, List, map, filter, fold, curry, uncurry.

DEFINIÇÕES.

Misturou os dois formatos

<p>Data Nat where:</p> <p>0 :: Nat</p> <p>S Nat :: Nat → Nat</p>	<p>filter :: (α → Bool) → List α → List α</p> <p>filter p [x:xs] = [px x:xs] otherwise filter xs</p> <p>map :: (α → β) → List α → List β</p> <p>map p [x:xs] = [px:map p xs]</p>
<p>Data List where:</p> <p>null :: List α</p> <p>cons x null :: α → List α → List α</p> <p>cons :: α → List α → List α</p> <p>cons x null = [x]</p> <p>cons x xs = [x:xs]</p>	<p>curry :: ((α × β) → ω) → α → β → ω</p> <p>curry m n = curry (m, n)</p> <p>uncurry :: (α → β → ω) → (α × β) → ω</p> <p>uncurry (m, n) = uncurry m n</p>

note muito ruim

??

??

??

X

(32) B

Escolha até 4 das funções da primeira página par definir. É proibido usar list comprehension. Veja bem os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.

DEFINIÇÕES.

<p>zip :: [α] → [β] → [(α, β)]</p> <p>zipWith :: (α → β → γ) → [α] → [β] → [γ]</p> <p>zip [] [] = []</p> <p>zip [] _ = []</p> <p>zip [x:xs] [y:ys] = [(x, y):zip xs ys]</p> <p>zipWith [x:xs] [y:ys] = [(x+y):zipWith xs ys]</p>	<p>Auxiliar</p> <p>(+) Nat → Nat → Nat</p> <p>n + 0 = n</p> <p>n + S m = S (n + m)</p> <p>Count 0 = []</p> <p>Count D S n = [S n:Count n]</p> <p>pairs [] = []</p> <p>pairs [n] = [n] <i>type error</i></p> <p>pairs [n:(m:ms)] = [(n,m):pairs ms]</p>
--	--

tu sempre cria singleton list [x:s] em vez da lista xs!

por que?

(12) C

Defina zip em termos da zipWith e zipWith em termos da zip.

[x:xs] não é uma lista

que começa com x, mas

sim uma lista com único

membro o x:xs.

(35) A

Defina os: Nat, List, map, filter, fold, curry, uncurry.

DEFINIÇÕES.

```

data Nat where
  0 : Nat
  [n]: Nat -> Nat
data List a where
  [] : List a
  (::) : a -> List a -> List a
map : (a -> b) -> List a -> List b
map f [] = []
map f (x::xs) = f x :: map f xs
filter : (a -> Bool) -> List a -> List a
filter p [] = []
filter p (x::xs)
  | p x = x :: filter p xs
  | otherwise = filter p xs
fold : a -> (a -> a -> a) -> List a -> a
fold b a [] = b
fold b a (x::xs) = x `b` (fold b a xs)
curry : ((a, b) -> c) -> (a -> b -> c)
uncurry : (a -> b -> c) -> ((a, b) -> c)

```

nomes ruins!

(32) B

Escolha até 4 das funções da primeira página par definir. É proibido usar list comprehension. Veja bem os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.

DEFINIÇÕES.

```

zip [] [] = []
zip (x::xs) (y::ys) =
  if len (x::xs) == len (y::ys)
  then (x,y) :: zip xs ys
  else error "...!"
zipW ap [] [] = []
zipW ap (x::xs) (y::ys) =
  if len (x::xs) == len (y::ys)
  then (x `ap` y) :: zipW ap xs ys
  else error "...!"
countdown 0 = []
countdown 5 n = n :: countdown n
any p [] = False
any p (x::xs) =
  if p x then True
  else any p xs
AUX:
len [] = 0
len (x::xs) = 1 + len xs

```

booleanismo!

NUNCA!

e se as listas são infinitas?

melhor parar do que explodir

(12) C

Defina zip em termos da zipWith e zipWith em termos da zip.

```

zip = zipWith (,)
zipWith = map (\(f, (x, y)) -> f x y) (zipWith f xs ys)

```


(21) D

Considere o tipo `Int` dado, junto com suas operações.

- (7) **D1.** Defina um tipo de dados `ArEx` para representar expressões de aritmética de inteiros formadas apenas pelas operações binárias $(+)$ e (\cdot) e a operação unária $(-)$.

data `ArEx` where
 $(+)$: `ArEx` \rightarrow `ArEx` \rightarrow `ArEx`
 (\cdot) : `ArEx` \rightarrow `ArEx` \rightarrow `ArEx`
 $(-)$: `ArEx` \rightarrow `ArEx`
e o 42?

- (7) **D2.** Defina uma função `eval` de *evaluate* que dada uma expressão aritmética de inteiros retorna seu valor-resultado.

`eval` : `ArEx` \rightarrow `Int`
`eval` `an` `op` `an` = `(eval an) op (eval an)`
`eval` `n` = `n`
`eval` : `(ArEx` \rightarrow `ArEx`) \rightarrow `ArEx`
`eval` `op` `an` = `-(eval an)` X

- (7) **D3.** Defina uma função `height` que retorna a altura da árvore sintática da sua entrada.

`height` : `ArEx` \rightarrow `Nat`

Só isso mesmo.

assim é $\cong \text{Bool}$

(35) A

Defina os: Nat, List, map, filter, fold, curry, uncurry.

DEFINIÇÕES.

$\text{data Nat} = 0 \mid S \text{ Nat}$ $\text{data List}^a = \text{Nil} \mid \text{Cons} \dots ?$ $\text{map} :: (a \rightarrow b) \rightarrow [a] \rightarrow [b]$ $\text{map } [] = []$ $\text{map } f (x:xs) = f x : \text{map } f xs$ $\text{filter} :: (a \rightarrow \text{Bool}) \rightarrow [a] \rightarrow [a]$ $\text{filter } [] = []$ $\text{filter } p (x:xs) = \begin{cases} x : \text{filter } p xs & \text{if } p x \\ \text{filter } p xs & \text{otherwise} \end{cases}$	$\text{Fold} :: a \rightarrow (a \rightarrow b \rightarrow c) \rightarrow [a] \rightarrow [c]$ $\text{Fold } r \text{ } [] = r$ $\text{Fold } r f (x:xs) = f x (\text{fold } r f xs)$ $\text{curry} :: (a \times b \rightarrow c) \rightarrow (a \rightarrow b \rightarrow c)$ curry f (x,y) = f (x,y) $\text{uncurry} :: (a \rightarrow b \rightarrow c) \rightarrow (a \times b \rightarrow c)$ uncurry f (x,y) = f x y
---	---

(32) B

Escolha até 4 das funções da primeira página para definir. É proibido usar list comprehension. Veja bem os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.

DEFINIÇÕES.

$\text{zip } (x:xs) (y:ys) = (x,y) : \text{zip } xs ys$ $\text{zip } _ _ = []$ $\text{zipWith } f (x:xs) (y:ys) = f x y : \text{zipWith } f xs ys$ $\text{zipWith } _ _ _ = []$ $\text{pairs } (x:y:xs) = (x,y) : \text{pairs } (y:xs)$ $\text{pairs } _ = []$ $\text{countDown } (S n) = S n : \text{countDown } n$ $\text{countDown } _ = [0]$
--

(12) C

Defina zip em termos da zipWith e zipWith em termos da zip.

$\text{zip } xs ys = \text{map } f (\text{zip } xs ys)$ $\text{zipWith } f xs ys = \text{map } f (\text{zip } xs ys)$	$\text{zip } xs ys = \text{zipWith } (,) xs ys$ $\text{Aux } (,) :: a \rightarrow b \rightarrow (a,b)$ $(,) x y = (x,y)$
--	--

uncurry f

) D


Considere o tipo `Int` dado, junto com suas operações.

- (7) **D1.** Defina um tipo de dados `ArEx` para representar expressões de aritmética de inteiros formadas apenas pelas operações binárias (+) e (·) e a operação unária (-_).

$ArEx :: Int \rightarrow ArEx$

- (7) **D2.** Defina uma função `eval` de *evaluate* que dada uma expressão aritmética de inteiros retorna seu valor-resultado.

~~$eval :: ArEx \rightarrow Int$~~
 ~~$eval\ 0 = 0$~~
 ~~$eval\ -n = -n$~~
 ~~$eval\ n \cdot m = (*)\ n\ m$~~
 ~~$eval\ n + m = (+)\ n\ m$~~
 ~~$eval\ n = n$~~



- (7) **D3.** Defina uma função `height` que retorna a altura da árvore sintáctica da sua entrada.

Só isso mesmo.

(35) A

Defina os: Nat, List, map, filter, fold, curry, uncurry.

DEFINIÇÕES.

```

Nat :: *
data Nat where
  0 :: Nat
  S :: Nat -> Nat

List :: * -> *
data [a] where
  [] :: [a]
  (:) :: a -> [a] -> [a]

uncurry :: (a -> b -> c) -> (a, b) -> c
uncurry f (a, b) = f a b

map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
map - [] = []
map f (x:xs) = f x : map f xs

filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
filter - [] = []
filter p (x:xs) =
  | p x = x : filter p xs
  | otherwise = filter p xs

curry :: ((a, b) -> c) -> a -> b -> c
curry f a b = f (a, b)

fold :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b
fold - ME1 [] = ME1
fold op ME1 (x:xs) = op (fold op ME1 xs) x
  
```

(32) B

Escolha até 4 das funções da primeira página par definir. É proibido usar list comprehension. Veja bem os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.

DEFINIÇÕES.

T? p!! (countdown ≠ coun + tdown)

```

countdown = ct
ct 0 = []
ct (S m) = (S m) : ct m

zipWith = zW
zW - [] - = []
zW - - [] = []
zW op (a:as) (b:bs) = (a op b) : zW op as bs

head :: [a] -> a <- auxiliary
head [] = error "dec of nullary cons"
head (a:as) = a

pairs (x:xs) = (x, head xs) : pairs xs
  
```

(12) C

Defina zip em termos da zipWith e zipWith em termos da zip.

```

zip op as bs = zipWith ((,) op) as bs
zipWith op as bs = map (uncurry op) (zip as bs)
  
```


(21) D

Considere o tipo `Int` dado, junto com suas operações.

- (7) **D1.** Defina um tipo de dados `ArEx` para representar expressões de aritmética de inteiros formadas apenas pelas operações binárias `(+)` e `(·)` e a operação unária `(-)`.

data ArEx where
e = (3+7)·2
já era...
(:+) :: Int -> Int -> ArEx
(:·) :: Int -> Int -> ArEx
(:-) :: Int -> ArEx
(:->) :: ArEx -> [ArEx] -> [ArEx] ???

- (7) **D2.** Defina uma função `eval` de `evaluate` que dada uma expressão aritmética de inteiros retorna seu valor-resultado.

- (7) **D3.** Defina uma função `height` que retorna a altura da árvore sintáctica da sua entrada.

Só isso mesmo.

(35) A

Defina os: Nat, List, map, filter, fold, curry, uncurry.

DEFINIÇÕES.

```

data Nat = 0 | S Nat
data List a = [] | (a : List a)
map f [] = []
map f (x : xs) = f x : map f xs

filter p [] = []
filter p (x : xs)
  | p x      = x : filter p xs
  | otherwise = filter p xs

fold op b [] = b
fold op b (x : xs) = x `op` fold op b xs

curry :: ((a,b) -> c) -> a -> b -> c
curry f a b = f (a,b)

uncurry :: (a -> b -> c) -> (a,b) -> c
uncurry f (a,b) = f a b

```

(32) B

Escolha até 4 das funções da primeira página par definir. É proibido usar list comprehension. Veja bem os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.

DEFINIÇÕES.

```

zip (x : xs) (y : ys) = (x,y) : zip xs ys
zip _ _ = []

zipWith f (x : xs) (y : ys) = f x y : zipWith f xs ys
zipWith f _ _ = []

pairs (x1 : x2 : xs) = (x1,x2) : pairs (x2 : xs)
pairs [x] = []
pairs [] = []

countDown 0 = [0]
countDown (Sn) = (Sn) : countDown n

```

(12) C

Defina zip em termos da zipWith e zipWith em termos da zip.

AUXILIAR

pair :: a -> b -> (a,b)

pair a b = (a,b)

```

zip x y = zipWith pair x y
zipWith f x y = map (uncurry f) (zip x y)

```


(21) D

qual a definição?

Considere o tipo `Int` dado, junto com suas operações.

- (7) D1. Defina um tipo de dados `ArEx` para representar expressões de aritmética de inteiros formadas apenas pelas operações binárias (+) e (·) e a operação unária (-_).

$\text{data ArEx} = \text{Int} \mid \overset{\text{Neg}}{-}\text{Int} \mid \text{Int} : + \text{Int} \mid \text{Int} : \cdot \text{Int}$
↑
não seria o que tu imaginou isso

- (7) D2. Defina uma função `eval` de *evaluate* que dada uma expressão aritmética de inteiros retorna seu valor-resultado.

$\text{eval} :: \text{ArEx} \rightarrow \text{Int}$

- (7) D3. Defina uma função `height` que retorna a altura da árvore sintáctica da sua entrada.

$\text{height} :: \text{ArEx} \rightarrow \text{Nat}$

Só isso mesmo.

(35) A

Defina os: Nat, List, map, filter, fold, curry, uncurry.

DEFINIÇÕES.

<pre> inductive Nat : Type where 0 : Nat S : Nat → Nat </pre>	<pre> def fold : (α → α → α) → α → List α → α op, e, x::xs ⇒ op x (fold op e xs) _, e, _ ⇒ e </pre>
<pre> inductive List (α : Type) where Nil : List α Cons : α → List α → List α </pre>	<pre> def curry : (α × β → γ) → α → β → γ f, a, b ⇒ f <a, b> </pre>
<pre> map : (α → β) → List α → List β _, .Nil ⇒ .Nil f, x::xs ⇒ (f x)::(map f xs) </pre>	<pre> def uncurry : (α → β → γ) → α × β → γ f, <a, b> ⇒ f a b </pre>
<pre> def filter : (α → Bool) → List α → List α _, .Nil ⇒ .Nil p, x::xs ⇒ if (p x) then x::(filter p xs) else (filter p xs) </pre>	<p>propaganda desactivada</p>

(32) B

Escolha até 4 das funções da primeira página para definir. É proibido usar list comprehension. Veja bem os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.

DEFINIÇÕES.

se fosse [1,2,3] ↦ [(1,1), (2,2), (3,3)] sim; mas é ↦ [(1,2), (2,3)]

<pre> ① def pairs : pairs = map Δ pairs = map Δ </pre>	<pre> ② countdown 0 = [0] countdown (S n) = (S n)::(countdown n) </pre>
<pre> ③ zip (x::xs) (y::ys) = (x,y)::(zip xs ys) zip _ _ = [] </pre>	<pre> ④ zipWith f (x::xs) (y::ys) = (f x y)::(zipWith f xs ys) zipWith _ _ _ = [] </pre>
<pre> Auxiliar: def Δ : α → α × α a ⇒ <a, a> </pre>	

(12) C

Defina zip em termos da zipWith e zipWith em termos da zip.

<pre> zip = zipWith pac </pre>	<pre> zipWith f = map (uncurry f) o zip xs </pre>
<pre> def pac : α → β → α × β a, b ⇒ <a, b> </pre>	

(21) D

Considere o tipo `Int` dado, junto com suas operações.

- (7) D1. Defina um tipo de dados `ArEx` para representar expressões de aritmética de inteiros formadas apenas pelas operações binárias $(+)$ e (\cdot) e a operação unária $(-)$.

defina `ArEx`: Type where
~~`ArEx`: Type where~~
~~`ExAdd`: $(Int \rightarrow Int \rightarrow Int) \rightarrow Int \rightarrow Int \rightarrow ArEx$~~
~~`ExNeg`: $(Int \rightarrow Int) \rightarrow Int \rightarrow ArEx$~~
~~`ExMul`: $(Int \times Int \rightarrow Int) \rightarrow Int \rightarrow Int \rightarrow ArEx$~~
~~`ExAtom`: $Int \rightarrow ArEx$~~
`ExAdd`: $(Int \rightarrow Int) \rightarrow Int \rightarrow ArEx$
`ExNeg`: $(Int) \rightarrow Int \rightarrow ArEx$
`ExMul`: $(Int \rightarrow Int) \rightarrow Int \rightarrow Int \rightarrow ArEx$
`ExAtom`: $Int \rightarrow ArEx$
APENAS aqui!

- (7) D2. Defina uma função `eval` de *evaluate* que dada uma expressão aritmética de inteiros retorna seu valor-resultado.

~~`eval`: `ArEx` \rightarrow `Int`~~
~~`eval` (`ExAdd` `a` `b`) = `a` + `b`~~
~~`eval` (`ExNeg` `a`) = -`a`~~
~~`eval` (`ExMul` `a` `b`) = `a` * `b`~~
~~`eval` (`ExAtom` `a`) = `a`~~
~~(Alguns dos símbolos usados nos tipos construídos)~~
`eval`: `ArEx` \rightarrow `Int`
`eval` (`ExAdd` `a` `b`) = `a` + `b`
`eval` (`ExNeg` `a`) = -`a`
`eval` (`ExMul` `a` `b`) = `a` * `b`
`eval` (`ExAtom` `a`) = `a`

- (7) D3. Defina uma função `height` que retorna a altura da árvore sintática da sua entrada.

~~`height`: `ArEx` \rightarrow `Int`~~
~~`height` (`ExAdd` `a` `b`) = 1 + (`height` `a`) + (`height` `b`)~~
~~`height` (`ExNeg` `a`) = (`height` `a`)~~
~~`height` (`ExMul` `a` `b`) = 1 + (`height` `a`) + (`height` `b`)~~
~~`height` (`ExAtom` `a`) = 0~~
~~(Alguns dos símbolos usados nos tipos construídos)~~
`height`: `ArEx` \rightarrow `Int`
`height` (`ExAdd` `a` `b`) = 1 + (`height` `a`) + (`height` `b`)
`height` (`ExNeg` `a`) = (`height` `a`)
`height` (`ExMul` `a` `b`) = 1 + (`height` `a`) + (`height` `b`)
`height` (`ExAtom` `a`) = 0
man!

$$\left. \begin{array}{r} 5 \\ 7 \\ \hline 5+7 \end{array} \right\} \text{ tamanho } 1$$

Só isso mesmo.

(35) A

Defina os: Nat, List, map, filter, fold, curry, uncurry.

DEFINIÇÕES.

Data Nat where $0 :: \text{Nat}$ $S :: \text{Nat} \rightarrow \text{Nat}$	$\text{Data List } \alpha \text{ where}$ $[\] :: \text{List } \alpha$ $(x : xs) :: (\alpha \rightarrow \text{List } \alpha) \rightarrow \text{List } \alpha$	$\text{Curry} :: (\alpha \rightarrow \beta \rightarrow \gamma) \rightarrow (\alpha \rightarrow \beta \rightarrow \gamma)$ $\text{uncurry } f \ g \ h = f \ (g \ h)$
$\text{fold} :: (\alpha \rightarrow (\alpha \times \alpha \rightarrow \alpha)) \rightarrow (\text{List } \alpha \rightarrow \alpha)$ $\text{fold } f \ x \ xs = \dots$	$\text{uncurry} :: (\alpha \rightarrow \beta \rightarrow \gamma) \rightarrow (\alpha \rightarrow \beta \rightarrow \gamma)$ $\text{uncurry } f \ (g \ h) = f \ g \ h$	
$\text{filter} :: (\alpha \rightarrow \text{Bool}) \rightarrow (\text{List } \alpha \rightarrow \text{List } \alpha)$ $\text{filter } p \ [] = []$ $\text{filter } p \ (x : xs) =$ $\quad p \ x = x : \text{filter } p \ xs$ $\quad \text{otherwise} = \text{filter } p \ xs$	$\text{map} :: \text{Som } \alpha \rightarrow \text{Som } \beta$	

(32) B

Escolha até 4 das funções da primeira página para definir. É proibido usar list comprehension. Veja bem os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.

DEFINIÇÕES.

$\text{Zip} :: \text{List } \alpha \rightarrow \text{List } \beta \rightarrow \text{List } (\alpha, \beta)$ $\text{Zip } (x : xs) (y : ys) = x : y : \text{Zip } xs \ ys$ $\text{Zip } xs \ [] = xs$ $\text{Zip } [] \ ys = ys$	$(*) :: \text{Nat} \rightarrow \text{Nat} \rightarrow \text{Nat}$ $m * 0 = 0$ $m * (S \ n) = m + (m * n)$
$\text{mim} :: \text{Nat} \rightarrow \text{Nat} \rightarrow \text{Nat}$ $\text{mim } (S \ m) (S \ n) = \text{mim } m \ n$ $\text{mim } _ _ = 0$	$\text{Odd} :: \text{Nat} \rightarrow \text{Bool}$ $\text{Odd } 0 = \text{False}$ $\text{Odd } (S \ m) = \text{not } (\text{odd } m)$

(12) C

Defina zip em termos da zipWith e zipWith em termos da zip.

$\text{Zip} = \text{zipWith } (\lambda _ _ \rightarrow \text{sum}) \ \text{List } \alpha \ \text{List } \beta$ $\text{zipWith} = \text{Som } \alpha \rightarrow \text{Som } \beta$

$\text{List } \alpha :: \alpha \rightarrow (\text{List } \alpha) \rightarrow \alpha$ $\text{zip } [1,2] [10,50] = [(1,10), (2,50)]$ filter
 \uparrow zipWith $= [11,52]$ $(\alpha \rightarrow \text{Bool}) -$
 $\text{Nil} :: \text{Nil} [] = []$ $\text{map2 "hello"} = ["", "h", "he" ..]$ $\text{Data Not} :: 0 | 5$
 (35) **A** $\text{Pairs } [1,2,3,4] = [(1,2), (2,3)]$

Defina os: Nat, List, map, filter, fold, curry, uncurry.
 DEFINIÇÕES.

$\text{Data Not} :: 0 | 5 ?$ $\text{filter} :: (\alpha \rightarrow \text{Bool}) \rightarrow (\text{List } \alpha) \rightarrow (\text{List } \beta) -$

data List
 ~~$\text{Nil} :: []$~~
 $\text{Cons} :: \alpha \rightarrow (\text{List } \alpha) \rightarrow (\text{List } \alpha)$

tail
 $\text{tail } [1] = []$
 $\text{tail } [1..5]$

(32) **B** ++

Escolha até 4 das funções da primeira página par definir. É **proibido** usar list comprehension.
 Veja bem os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.
 DEFINIÇÕES.

(*)
 $_ * 0 = 0$
 $0 * _ = 0$
 $m * (S m) =$
 $(m * m) + m$

$(+) :: \text{Nat} \rightarrow \text{Nat} \rightarrow \text{Nat}$ $m + 0 = m$ $0 + m = m ?$ $m + (S m) = S(m+m)$	min $\text{min } 0 _ = 0$ $\text{min } _ 0 = 0$ $\text{min } (S m) (S m) = S(m m)$	$\text{Concat } [] y_s = y_s$ $\text{Concat } [] y_s = y_s$ type error X $\text{Concat } (x :: x_s) y_s = x :: (x_s ++ y_s)$
$_ * 0 = 0$ $0 * _ = 0 ?$ $m * (S m) = (m * m) + m$	$\text{Concat } [] y_s = y_s$ $\text{Concat } [] y_s = y_s$ type error X $\text{Concat } (x :: x_s) y_s = x :: (x_s ++ y_s)$	

(12) **C**

Defina zip em termos da zipWith e zipWith em termos da zip.

(35) A

Defina os: Nat, List, map, filter, fold, curry, uncurry.

DEFINIÇÕES.

$\text{Nat} : \text{Type}$ data Nat $0 : \text{Nat}$ $S : \text{Nat} \rightarrow \text{Nat}$	$\text{List} : \text{Type} \rightarrow \text{Type}$ $\text{data List } \alpha$ $\text{Nil} : \text{List } \alpha$ $\text{Cons} : \alpha \rightarrow \text{List } \alpha \rightarrow \text{List } \alpha$	$\text{map} : (\alpha \rightarrow \beta) \rightarrow \text{List } \alpha \rightarrow \text{List } \beta$ $\text{map } _ [] = []$ $\text{map } f (x::xs) = (f x) :: (\text{map } f xs)$
$\text{filter} : (\alpha \rightarrow \text{Bool}) \rightarrow \text{List } \alpha \rightarrow \text{List } \alpha$ $\text{filter } _ [] = []$ $\text{filter } p (x::xs) = \text{if } (p x)$ $\quad \text{then } x::xs'$ $\quad \text{else } xs'$ $\text{where } xs' = \text{filter } p xs$	$\text{curry} : (\alpha \times \beta \rightarrow \delta) \rightarrow (\alpha \rightarrow \beta \rightarrow \delta)$ $\text{curry } f a b = f (a, b)$ $\text{uncurry} : (\alpha \rightarrow \beta \rightarrow \delta) \rightarrow (\alpha \times \beta \rightarrow \delta)$ $\text{uncurry } f (a, b) = f a b$	$\text{fold} : (\alpha \rightarrow \alpha \rightarrow \gamma) \rightarrow \alpha \rightarrow \text{List } \alpha \rightarrow \gamma$ $\text{fold } e [] = e$ $\text{fold } f e (x::xs) = f x (\text{fold } f e xs)$

(32) B

Escolha até 4 das funções da primeira página para definir. É proibido usar list comprehension. Veja bem os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.

DEFINIÇÕES.

$\text{Zip} [] [] = []$ $\text{Zip } _ [] = []$ $\text{Zip } (x::xs) (y::ys) = (x, y) :: \text{Zip } xs ys$	$\text{Countdown } 0 = [0]$ $\text{Countdown } (S n) = (S n) :: \text{Countdown } n$
$\text{ZipWith } f xs = \text{map } (\text{uncurry } f) \cdot \text{Zip } xs$	
$\text{Pairs } (x::x':xs) = (x, x') :: \text{Pairs } (x':xs)$ $\text{Pairs } _ = []$	

(12) C

Defina zip em termos da zipWith e zipWith em termos da zip.

$\text{Zip} = \text{zipWith } (\lambda x. \lambda y. (x, y))$

Árvore Binária \nearrow \bar{n} estrita
 com n nós op
 e n folhas

alterar o enunciado
 não é uma boa!
 Permission denied

(21) D

Considere o tipo Int dado, junto com suas operações.

(7) D1. Defina um tipo de dados ArEx para representar expressões aritméticas de inteiros formadas apenas pelas operações binárias (+) e (\cdot) e a operação unária (-).

```

ArEx : Type  $\rightarrow$  Type X
Data ArEx  $\alpha$ 
  Nul :  $\alpha \rightarrow$  ArEx  $\alpha$ 
  Un :  $(\alpha \rightarrow \alpha) \rightarrow$  ArEx  $\alpha \rightarrow$  ArEx  $\alpha$ 
  Bin :  $(\alpha \rightarrow \alpha \rightarrow \alpha) \rightarrow$  ArEx  $\alpha \rightarrow$  ArEx  $\alpha \rightarrow$  ArEx  $\alpha$ 
  
```

(7) D2. Defina uma função eval de evaluate que dada uma expressão aritmética de inteiros retorna seu valor-resultado.

```

eval : ArEx  $\alpha \rightarrow$   $\alpha$ 
eval (Nul a) = a
eval (Un f ex) = f (eval ex)
eval (Bin g ex1 ex2) = g (eval ex1) (eval ex2)
  
```

2D N Impact
 Ser polinomial

(7) D3. Defina uma função height que retorna a altura da árvore sintática da sua entrada.

```

height : ArEx  $\alpha \rightarrow$  Nat
height (Nul _) = (S 0)
height (Un _ ex) = S (height ex)
height (Bin _ ex1 ex2) = max (S (height ex1), S (height ex2))
  
```

```

max : Nat  $\times$  Nat  $\rightarrow$  Nat
max (0, m) = m
max (n, 0) = n
max (S n, S m) = S (max (n, m))
  
```

Só isso mesmo.

(35) A

Defina os: Nat, List, map, filter, fold, curry, uncurry.

DEFINIÇÕES.

$\text{data Nat} = 0 \mid S \text{ Nat}$	$\text{filter} :: (a \rightarrow \text{Bool}) \rightarrow \text{List } a \rightarrow \text{List } a$
$\text{data List } a = \text{Nil} \mid \text{Cons } a (\text{List } a)$	$\text{filter } _ \text{ Nil} = \text{Nil}$
$\text{Nil} :: []$	$\text{filter } f (\text{Cons } x xs) = \text{if } f \ x \ \text{then } (\text{Cons } x) (\text{filter } f \ xs) \ \text{else } (\text{filter } f \ xs)$
$\text{Cons} :: \text{Cons } a (\text{List } a)$	$\text{Curry} :: (a, b) \rightarrow c \rightarrow a \rightarrow b \rightarrow c$
	$\text{Curry } f \ x \ y = f \ (x, y)$
$\text{map} :: (a \rightarrow b) \rightarrow \text{List } a \rightarrow \text{List } b$	$\text{Uncurry} :: (a \rightarrow b \rightarrow c) \rightarrow (a, b) \rightarrow c$
$\text{map } f (\text{Cons } x xs) = \text{Cons } (f \ x) (\text{map } f \ xs)$	$\text{Uncurry } f \ (x, y) = f \ x \ y$
$\text{map } _ \text{ Nil} = \text{Nil}$	

(32) B

Escolha até 4 das funções da primeira página par definir. É proibido usar list comprehension. Veja bem os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.

DEFINIÇÕES.

...	$\text{Zip Nil Nil} = \text{Nil}$
$(+) \ m \ 0 = m$	$\text{Zip } (\text{Cons } x \ xs) \ \text{Nil} = \text{Cons } x \ \text{Nil}$
$(+) \ m \ (S \ m) = S \ (m + m)$	$\text{Zip Nil } (\text{Cons } y \ ys) = \text{Cons } y \ \text{Nil}$
	$\text{Zip } (\text{Cons } x \ xs) (\text{Cons } y \ ys) = \text{Cons } (x, y) (\text{Zip } xs \ ys)$
$(*) \ _ \ 0 = 0$	$\text{odd } 0 = \text{False}$
$(*) \ m \ S \ 0 = m$	$\text{odd } (S \ 0) = \text{True}$
$(*) \ m \ S \ m = m + (m (*) m)$	$\text{odd } m = \text{ifThenElse } (\text{rem } (m, S \ 0) == \text{True}) \ \text{True} \ \text{False}$

(12) C

Defina zip em termos da zipWith e zipWith em termos da zip.

$\text{zipWith} = \text{add } ((\text{Cons } (x, y)) \ \text{zip } (xs, ys))$
$\text{Zip} = \text{Cons } ($

NUNCA

(21) D

Considere o tipo `Int` dado, junto com suas operações.

- (7) **D1.** Defina um tipo de dados `ArEx` para representar expressões de aritmética de inteiros formadas apenas pelas operações binárias $(+)$ e (\cdot) e a operação unária $(-)$.

data `ArEx` where:
 $(+)$:: `Int` \rightarrow `Int` \rightarrow `Int`
 (\cdot) :: `Int` \rightarrow `Int` \rightarrow `Int`
 $(-)$:: `Int` \rightarrow `Int`

- (7) **D2.** Defina uma função `eval` de *evaluate* que dada uma expressão aritmética de inteiros retorna seu valor-resultado.

`eval` :: `ArEx` \rightarrow `Int`

- (7) **D3.** Defina uma função `height` que retorna a altura da árvore sintática da sua entrada.

`height` :: `ArEx` \rightarrow `Nat`

Só isso mesmo.



(35) A

Defina os: Nat, List, map, filter, fold, curry, uncurry.
DEFINIÇÕES.

<pre>data Nat where 0 :: Nat S :: Nat -> Nat</pre>	<pre>filter :: (a -> Bool) -> List a -> List a filter p [] = [] filter p (x::xs) p x = x :: filter p xs otherwise = filter p xs</pre>
<pre>data List where [] Nil :: List a (::) Cons :: a -> List a -> List a</pre>	<pre>fold :: a -> (a -> a -> a) -> List a -> a fold i op [] = i fold i op (x::xs) = op x (fold i op xs)</pre>
<pre>map :: (a -> b) -> List a -> List b map f [] = [] map f (Cons x xs) = Cons (fx) (map f xs) map f (x::xs) = fx :: map f xs</pre>	<pre>curry :: (a x b -> c) -> a -> b -> c curry f a b = f (a,b)</pre>
<pre>filter :: (a -> Bool) -> List a -> List a</pre>	<pre>uncurry :: (a -> b -> c) -> a x b -> c uncurry f (a,b) = f a b</pre>

(32) B

Escolha até 4 das funções da primeira página par definir. É proibido usar list comprehension. Veja bem os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.
DEFINIÇÕES.

<pre>zip [] [] = [] zip [] _ = [] zip (x::xs) (y::ys) = (x,y) :: zip xs ys</pre>	<pre>inits [] = [] inits (x::xs) = [x] :: map (++) [x] (inits xs)</pre>
<pre>zipWith f [] _ = [] zipWith f _ [] = [] zipWith f (x::xs) (y::ys) = f x y :: zipWith f xs ys</pre>	<pre>inits [] = [[]] inits (x::xs) = [x] :: map (++) [x] (inits xs)</pre>
<pre>countdown 0 = [] countdown (S n) = S n :: countdown n</pre>	<pre>inits [] = [[]] inits (x::xs) = [x] :: map (++) [x] (inits xs)</pre>
<pre>map (++) [] xs = xs (x::xs) ++ ys = x :: xs ++ ys ← Aux ✓</pre>	<pre>ou, (BEM) melhor: (faz sentido?) (x::)</pre>

(12) C

Defina zip em termos da zipWith e zipWith em termos da zip.

```
zip = zipWith (λ x → λ y → (x,y))
zipWith f = map (uncurry f) . zip xs
```


1) D

Considere o tipo `Int` dado, junto com suas operações.

- (7) D1. Defina um tipo de dados `ArEx` para representar expressões de aritmética de inteiros formadas apenas pelas operações binárias $(+)$ e (\cdot) e a operação unária $(-)$.

```
data ArEx where
  Lit : Int -> ArEx
  (:+) : ArEx -> ArEx -> ArEx
  (:*) : ArEx -> ArEx -> ArEx
  (:-) : ArEx -> ArEx
```

↳ isso seria infix em Haskell (e binário).

- (7) D2. Defina uma função `eval` de *evaluate* que dada uma expressão aritmética de inteiros retorna seu valor-resultado.

```
eval : ArEx -> Int
eval (Lit i) = i
eval (ex :+ ex') = eval ex + eval ex'
eval (ex :* ex') = eval ex * eval ex'
eval (:- ex) = - (eval ex)
```

- (7) D3. Defina uma função `height` que retorna a altura da árvore sintática da sua entrada.

```
height : ArEx -> Nat
height (Lit i) = 0
height (ex :+ ex') = S (max (height ex) (height ex'))
height (ex :* ex') = S (max (height ex) (height ex'))
height (:- ex) = S (height ex)
```

Só isso mesmo.

(35) A

Defina os: Nat, List, map, filter, fold, curry, uncurry.

DEFINIÇÕES.

$\text{Nat} :: *$ data Nat where $0 :: \text{Nat}$ $S :: \text{Nat} \rightarrow \text{Nat}$	$\text{map} :: (\alpha \rightarrow \beta) \rightarrow \text{List } \alpha \rightarrow \text{List } \beta$ $\text{map } f [] = []$ $\text{map } f (x:xs) = f x : \text{map } f xs$
$\text{List} :: * \rightarrow *$ $\text{data List } \alpha \text{ where}$ $\text{Nil} :: \text{List } \alpha$ $\text{Cons} :: \alpha \rightarrow \text{List } \alpha \rightarrow \text{List } \alpha$	$\text{filter} :: (\alpha \rightarrow \text{Bool}) \rightarrow \text{List } \alpha \rightarrow \text{List } \alpha$ $\text{filter } p [] = []$ $\text{filter } p (x:xs) =$ $\quad p x = \text{True} \rightarrow x : \text{filter } p xs$ $\quad \text{otherwise} \rightarrow \text{filter } p xs$
$\text{fold} :: \alpha \rightarrow (\alpha \rightarrow \alpha \rightarrow \alpha) \rightarrow \text{List } \alpha \rightarrow \alpha$ $\text{fold } r b [] = r$ $\text{fold } r b (x:xs) = b x (\text{fold } r b xs)$	$\text{curry} :: (\alpha \times \beta \rightarrow \gamma) \rightarrow (\alpha \rightarrow \beta \rightarrow \gamma)$ $\text{curry } f = \lambda x \lambda y. f (x, y)$ $\text{uncurry} :: (\alpha \rightarrow \beta \rightarrow \gamma) \rightarrow \alpha \times \beta \rightarrow \gamma$ $\text{uncurry } f = \lambda (x, y). f x y$

(32) B

Escolha até 4 das funções da primeira página par definir. É proibido usar list comprehension. Veja bem os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.

DEFINIÇÕES.

$\text{zip} [] [] = []$ $\text{zip } _ [] = []$ $\text{zip } (a:as) (b:bs) = (a, b) : \text{zip } as bs$	$\text{countDown} :: \text{Nat} \rightarrow \text{List Nat}$ $\text{cD } 0 = []$ $\text{cD } (sn) = sn : \text{cD } n$
$\text{zipWith } f = \text{map } (\text{uncurry } f) \cdot \text{zip}$	<p>isso!</p>
$\text{pairs } (x:x':xs) = (x, x') : \text{pairs } (x':xs)$ $\text{pairs } _ = []$	

(12) C

Defina zip em termos da zipWith e zipWith em termos da zip.

$\text{zipWith } f = \text{map } (\text{uncurry } f) \cdot \text{zip}$	$\text{zip} = \text{zipWith } (\lambda a \lambda b. (a, b))$
--	--

$L_1 \times L_2$
 $L: \alpha \times \beta \rightarrow \gamma$
 $\text{uncurry } f: \alpha \times \beta \rightarrow \gamma$
 $\text{map } \text{uncurry } f: \text{List } \alpha \times \beta \rightarrow \text{List } \gamma$

(21) D

esses servem as folhas na vdd.

Considere o tipo `Int` dado, junto com suas operações.

- (7) D1. Defina um tipo de dados `ArEx` para representar expressões de aritmética de inteiros formadas apenas pelas operações binárias $(+)$ e (\cdot) e a operação unária $(-)$.

```
data ArEx where
  Node :: Int -> ArEx
  Un   :: (Int -> Int) -> ArEx -> ArEx
  Bin  :: (Int -> Int -> Int) -> ArEx -> ArEx -> ArEx
```

- (7) D2. Defina uma função `eval` de *evaluate* que dada uma expressão aritmética de inteiros retorna seu valor-resultado.

```
eval :: ArEx -> Int
eval (Node x) = x
eval (Un op x) = op (eval x)
eval (Bin op x y) = op (eval x) (eval y)
```

- (7) D3. Defina uma função `height` que retorna a altura da árvore sintáctica da sua entrada.

```
height :: ArEx -> Nat
height (Node _) = 0
height (Un _ x) = S (height x)
height (Bin _ x y) = S (max (height x, height y))
```

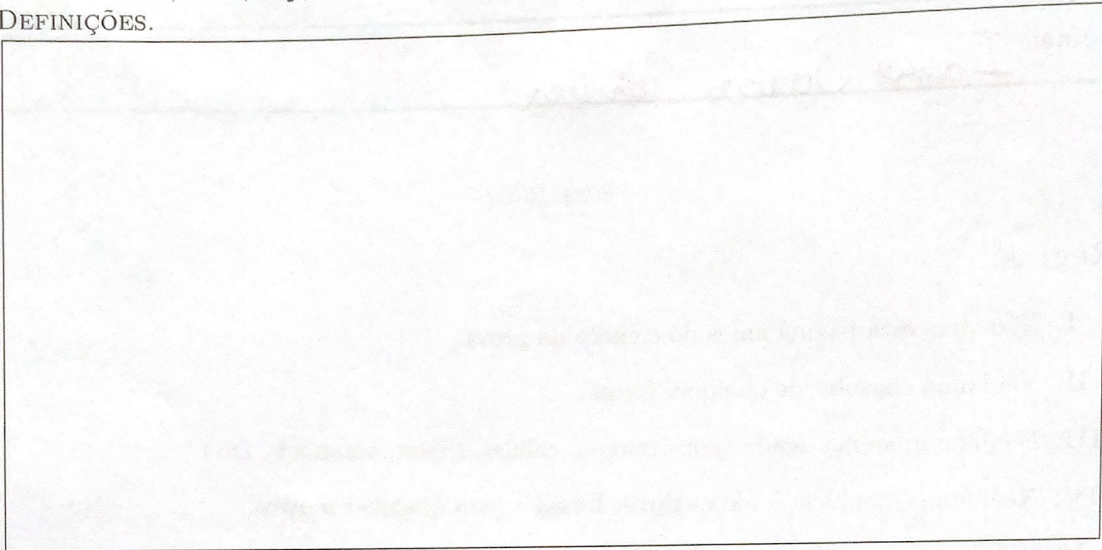
$Max :: Nat \times Nat \rightarrow Nat$
 $Max \ h \ 0 = h$
 $Max \ 0 \ h = h$
 $Max \ f \ (S\ m) = S(\max(n, m))$

Só isso mesmo.

(35) **A**

Defina os: `Nat`, `List`, `map`, `filter`, `fold`, `curry`, `uncurry`.

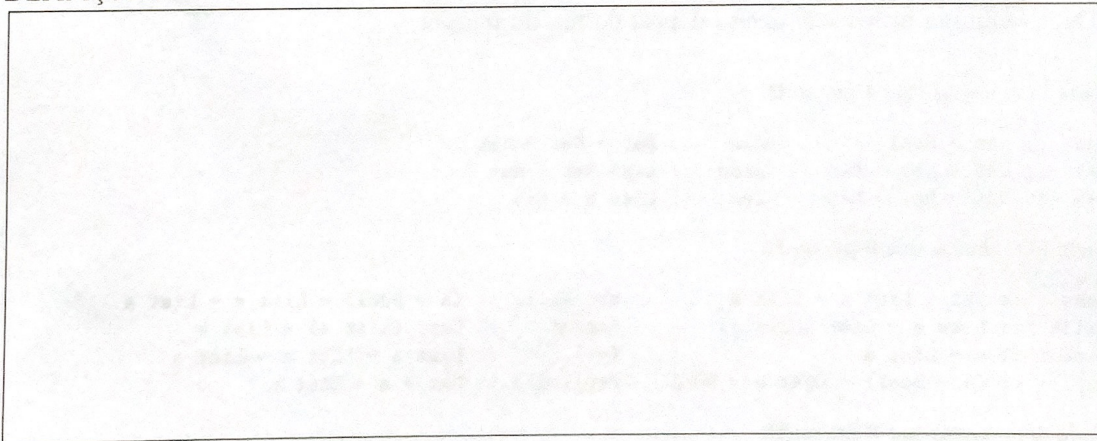
DEFINIÇÕES.



(32) **B**

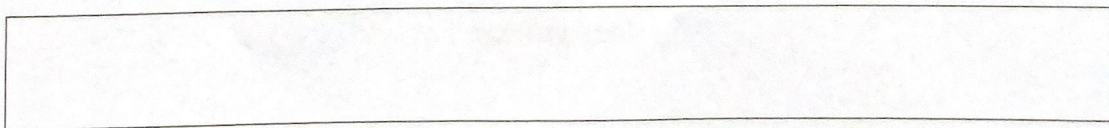
Escolha **até 4** das funções da primeira página par definir. É **proibido** usar list comprehension. Veja *bem* os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.

DEFINIÇÕES.



(12) **C**

Defina `zip` em termos da `zipWith` e `zipWith` em termos da `zip`.



(35)

A

Defina os:

Nat,
List,
map,
filter,
fold,
curry,
uncurry.

Curry: $(\alpha \times \beta) \rightarrow \gamma \rightarrow (\alpha \rightarrow \beta \rightarrow \gamma)$
uncurry: $(\alpha \rightarrow \beta \rightarrow \gamma) \rightarrow (\alpha \times \beta) \rightarrow \gamma$

$\text{fold} :: \alpha \times (\alpha \times \alpha \rightarrow \alpha) \times \text{List } \alpha \rightarrow \alpha$
 $\text{fold } v \ b \ r = []$
 $\text{fold } r \ b \ [x:s] = x \ b \ \text{fold } r \ b \ [s]$

$\text{Nat} = \text{zero} \mid \text{Succ } \text{Nat}$

$\text{List} :: \text{type} \rightarrow \text{type}$

$\text{List} = [] \mid \text{List } \alpha$

$\text{filter} :: (\alpha \rightarrow \text{Bool}) \times \text{List } \alpha \rightarrow \text{List } \alpha$

$\text{map} :: (\alpha \rightarrow \beta) \times \text{List } \alpha \rightarrow \text{List } \beta$

(32) B

Escolha até 4 das funções da primeira página par definir.

É proibido usar list comprehension

$\text{map } p \ [] = []$
 $\text{map } p \ [x:s] = p \ x : \text{map } p \ [s]$

Veja bem os tipos, pois podem ser diferentes dos escolhidos pelo Prelude da Haskell.

mesma confusão sobre $[x:s]$ e $[xs]$.

nome ruim

~~ZipList~~

B

$$\text{Zip} [] [] = []$$

$$\text{ZipList} [a:as] [] = \text{List} [a:as]$$

$$\text{Zip} [] \text{List} [b:bs] = \text{List} [b:bs]$$

$$\text{ZipList} [a:as] \text{List} [b:bs] = (a,b) :: \text{ZipList} [as] \text{List} [bs]$$

$$\text{pairs} [] = []$$

$$\text{pairs} [x] = []$$

$$\text{pairs} [x:xs] = (x, \text{head} [xs]) :: \text{pairs} [xs:xs]$$

quem é?

simul ruim!

$$\text{tails} [] = [] \quad (\text{por quê?})$$

$$\text{tails} [x:xs] = [x :: xs] :: \text{tails} [xs]$$

$$\text{concat} [] = []$$

$$\text{concat} [x:xs] = \text{head} [x] :: \text{concat} [xs]$$

aux

$$\text{head} [] = \text{error}$$

$$\text{head} [x:xs] = x$$

(12) C

Defina **zip** em termos da **zipWith** e **zipWith** em termos da **zip**.

(21) D

~~zipWith (+) xs ys = head [zipWith (+) xs ys]~~
~~zipWith (+) [x:xs] ys = head [zipWith (+) [x:xs] ys]~~

Considere o tipo **Int** dado, junto com suas operações.

(7) **D1.** Defina um tipo de dados **ArEx** para representar expressões de aritmética de inteiros formadas apenas pelas operações binárias (+) e (·) e a operação unária (−_).

(7) **D2.** Defina uma função **eval** de *evaluate* que dada uma expressão aritmética de inteiros retorna seu valor-resultado.

(7) **D3.** Defina uma função **height** que retorna a altura da árvore sintáctica da sua entrada.

D1

~~ArEx ::= ...~~
 $ArEx ::= (int \rightarrow int \rightarrow int) \rightarrow (int \rightarrow int) \rightarrow int$
 $ArEx\ a\ b = \lambda a.\ \lambda b\ (5a\ 8 + b\ 7) \quad ??$
 $eval :: ArEx \rightarrow Int$
 $eval\ a,\ b = 5a\ 8 + b\ 7$

D2