
Nome:

2024-12-20

Regras:

- I. Não vires esta página antes do começo da prova.
- II. Nenhuma consulta de qualquer forma.
- III. Nenhum aparelho ligado (por exemplo: celular, tablet, notebook, *etc.*).¹
- IV. Nenhuma comunicação de qualquer forma e para qualquer motivo.
- V. $(\forall x) [\text{Colar}(x) \implies \neg \text{Passar}(x, \text{FMC1})]$.²
- VI. Use caneta para tuas respostas.
- VII. Responda dentro das caixas indicadas.
- VIII. Escreva teu nome em *cada* folha de rascunho extra *antes de usá-la*.
- IX. Entregue *todas* as folhas de rascunho extra, juntas com tua prova.
- X. Nenhuma prova será aceita depois do fim do tempo—mesmo se for atraso de 1 segundo.
- XI. Respeite as restrições dos problemas que têm escolha.³

Dados:

Definimos as operações

$$\begin{array}{lll} (+) : \text{Nat} \rightarrow \text{Nat} \rightarrow \text{Nat} & (\cdot) : \text{Nat} \rightarrow \text{Nat} \rightarrow \text{Nat} & (^) : \text{Nat} \rightarrow \text{Nat} \rightarrow \text{Nat} \\ n + 0 = n & n \cdot 0 = 0 & n \wedge 0 = S0 \\ n + Sm = S(n + m) & n \cdot Sm = (n \cdot m) + n & n \wedge Sm = (n \wedge m) \cdot n. \end{array}$$

e atribuímos em todas associatividade (sintáctica) à direita. Atribuímos também precedências (sintáticas) de baixa para alta: $(+)$, (\cdot) , $(^)$. Definimos a relação $(\leq) : \text{Nat} \times \text{Nat} \rightarrow \text{Prop}$ pela

$$n \leq m \stackrel{\text{def}}{\iff} (\exists k) [n + k = m].$$

São considerados **dados os teoremas:** ████████████████████, ████████████████████, ████████████████████.

Boas provas!

¹Ou seja, *desligue antes* da prova.

²Se essa regra não faz sentido, melhor desistir desde já.

³Respostas violando essa regra (respondendo em mais questões) tirarão 0 pontos.

(20) **P**

Escolha **até duas** das equações de **G** para demonstrar. Precisas definir (corretamente!) todas as funções envolvidas, exceto aquelas que tu já definiu no **A**.

DEFINIÇÕES.

DEMONSTRAÇÃO DE _____ .

DEMONSTRAÇÃO DE _____ .

(8) **I**



CCCCCCCCCCC
CCCCCCCCCCC
CCCCCCCCCCC



indução

RESPOSTA.

Só isso mesmo.

LEMMATA (até 2)